

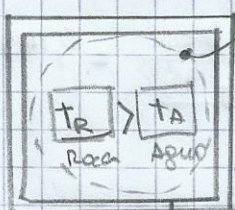
7-4-22

En un calorímetro ideal que contiene 2 l de agua a 20°C se introduce una muestra rocosa de 2 kg a 60°C y de C_e desconocido.

Si el conj. alcanza una temp. de equilibrio de 25°C se pide:

a) C_e de la muestra rocosa y la capacidad calorífica

En un sistema aislado: $\sum Q_{int} = 0$ (I)



$$\sum_{i=1}^2 Q_i = C_{e\text{AGUA}} \cdot m_A \cdot \Delta T_{\text{AGUA}} + C_{e\text{ROCA}} \cdot m_R \cdot \Delta T_{\text{ROCA}} \quad \text{(II)}$$

$m_A = 2\text{ l} = 2\text{ kg}$

$m_R = 2\text{ kg}$

$T_{A0} = 20^\circ\text{C}$

$T_{R0} = 60^\circ\text{C}$

$T_F = 25^\circ\text{C}$

$T_F = 25^\circ\text{C}$

$C_{e\text{AGUA}} = 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$

$C_{e\text{ROCA}} = ?$

(I) y (II) $0 = 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \cdot 2\text{ kg} (25-20)^\circ\text{C} + C_{e\text{ROCA}} \cdot 2\text{ kg} \cdot (25-60)^\circ\text{C} =$

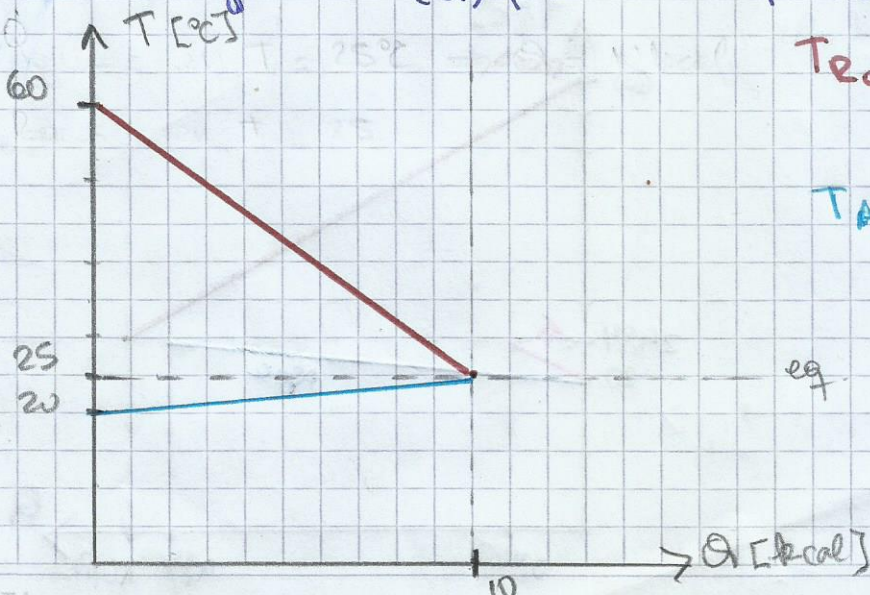
$= 10 \text{ kcal} + C_{e\text{ROCA}} \cdot (-70)^\circ\text{C} \cdot \text{kg} \Rightarrow 10 \text{ kcal} = C_{e\text{ROCA}} \cdot (-70^\circ\text{C}) \cdot \text{kg}$

$C_{e\text{ROCA}} = 0,143 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$

b) el calor intercambiado por el agua y la muestra hasta alcanzar el equilibrio

$Q_{\text{AGUA } \oplus} = |Q_{\text{ROCA } \ominus}| = 10 \text{ kcal}$

c) hacer el diagrama T (Q) para todo el proceso



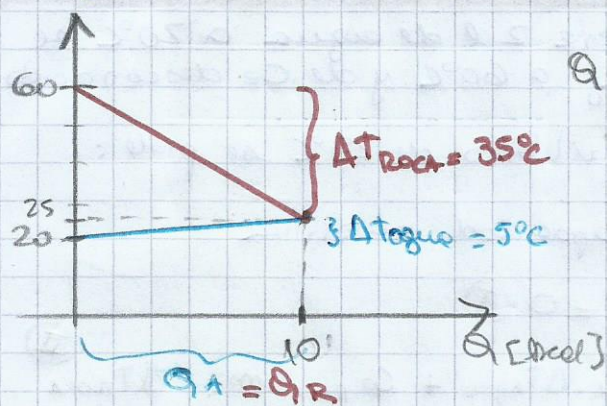
$T_{R0} = 60^\circ\text{C} \quad T_F = 25^\circ\text{C}$

$|Q_{\text{ROCA}}| = 10 \text{ kcal}$

$T_{A0} = 20^\circ\text{C} \quad T_F = 25^\circ\text{C}$

$Q_{\text{AGUA}} = 10 \text{ kcal}$

d) Usando el diagrama de e) reobtenga el valor del c_e del agua y de la mezcla rocosa



$$Q_A = c_{eA} m_A \Delta T_A \Rightarrow \frac{Q_A}{m_A \Delta T_A} = c_{eA}$$

$$c_{eAGUA} = \frac{10 \text{ kcal}}{2 \text{ kg} \cdot 5^\circ\text{C}} = \boxed{1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = c_{eA}}$$

$$Q_R = c_{eR} m_R \Delta T_R$$

$$c_{eR} = \frac{Q_R}{m_R \Delta T_R} = \frac{10 \text{ kcal}}{2 \text{ kg} \cdot 35^\circ\text{C}} = 0,143$$

$$\boxed{c_{eR} = 0,143 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}}$$

e) Calcular la nueva temperatura de equilibrio con las mismas condiciones iniciales pero con un calorímetro NO ideal (eg. agua de 30 g)

Graficar.

$$m = 30 \text{ g}$$

$$\Sigma Q = 0 = c_{eA} m_A \Delta T_A + c_{eR} m_R \Delta T_R + c_{eA} \cdot m \cdot \Delta T_A =$$

$$= c_{eA} \Delta T_A (m_A + m) + c_{eR} m_R \Delta T_R =$$

$$= 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot (T_f - \overset{20^\circ\text{C}}{T_{A_i}}) \cdot (2 \text{ kg} + 0,03 \text{ kg}) + 0,143 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot 2 \text{ kg} \cdot (T_f - \overset{60^\circ\text{C}}{T_{R_i}}) =$$

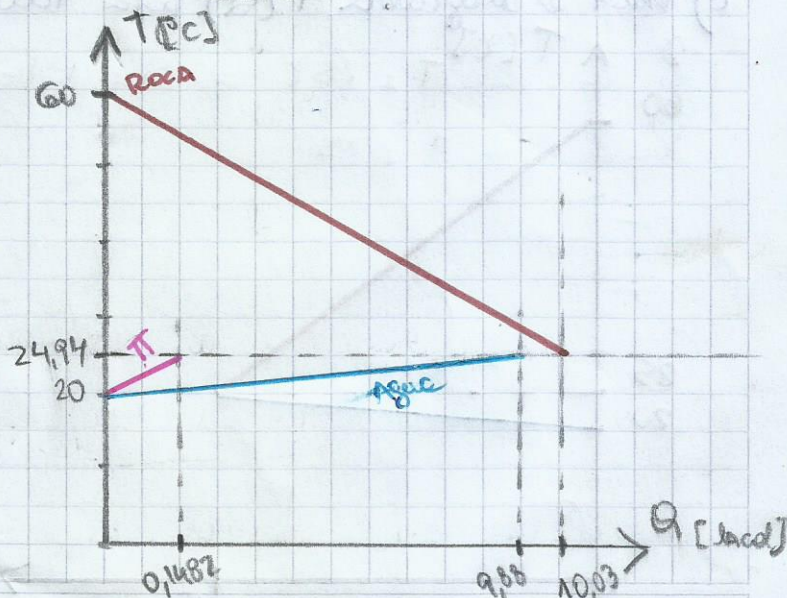
$$= 2,03 \frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}} T_f - 40,6 \text{ kcal} + 0,286 \frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}} T_f - 17,16 \text{ kcal} =$$

$$= -57,76 \text{ kcal} + 2,316 \frac{\text{kcal}}{^\circ\text{C}} T_f = 0 \Rightarrow \boxed{T_f = 24,94^\circ\text{C}}$$

$$Q_A = c_{eA} m_A \Delta T_A = 1 \frac{\text{kcal}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot 2 \text{ kg} \cdot (24,94 - 20)^\circ\text{C} = \boxed{9,88 \text{ kcal} = Q_A}$$

$$Q_m = \frac{Q_A}{2} \cdot 0,03 = \boxed{0,1482 \text{ kcal} = Q_m}$$

$$Q_R = 10,03 \text{ kcal}$$



2) ej. 4 de la guía. Video clase 1 parte 4

Un calorímetro con equivalente en agua $\Pi = 30\text{g}$ contiene 200g de una sustancia cuyo calor específico se desea conocer

La temperatura de la sustancia se incrementa de $17,6^\circ\text{C}$ a $22,5^\circ\text{C}$ en tres minutos mediante un dispositivo que suministra una potencia constante de 20W

Calcule el valor del calor específico de la sustancia

$$W = \frac{J}{\text{seg}} \quad P = 20\text{W} = \frac{Q}{t} \Rightarrow Q_{\text{dispositivo}} = P \cdot t = 20\text{W} \cdot 3\text{min} = 20 \frac{\text{J}}{\text{seg}} \cdot 180\text{seg}$$

$$Q_{\text{Disp}} = 3600\text{J} = 864\text{cal}$$

$$\begin{aligned} \Sigma Q = 0 &= Q_D \ominus + Q_{\Pi} \oplus + Q_x \oplus = \\ &= -864\text{cal} + c_{eA} \cdot \Pi (T_f - T_i) + c_{eX} m_x (T_f - T_{ix}) = \\ &= -864\text{cal} + 1 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}} \cdot 30\text{g} (22,5 - 17,6)^\circ\text{C} + c_{eX} \cdot 200\text{g} (22,5 - 17,6)^\circ\text{C} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 864\text{cal} - 147\text{cal} = c_{eX} \cdot 980\text{g}^\circ\text{C} \Rightarrow \boxed{c_{eX} = 0,73 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}}}$$

3) ej. 6 de la guía. Video del 15-4-21

Un recipiente contiene 250g de agua líquida a 20°C . Se agregan 100g de hielo de agua a -10°C . Considerando que el recipiente es ideal, esta mezcla alcanza el estado final del sistema cuando la mezcla alcanza el eq. térmico.

($L_f = 80\text{cal/g}$; $c_H = 0,5\text{cal/g}^\circ\text{C}$)

Hallo Q_H a $T_f = 0^\circ\text{C} \Rightarrow Q_H = c_H \cdot m_H \Delta T_H = 0,5 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}} \cdot 100\text{g} \cdot 10^\circ\text{C} = 500\text{cal}$

Q_H para $T_H = 0^\circ\text{C} (= 500\text{cal})$

Ahora hallo T_A en $Q = -500\text{cal}$ (pierde Q).

$$-500\text{cal} = c_{eA} m_A (T_A - T_{Ai}) = 1 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}} \cdot 250\text{g} (T_A - 20^\circ\text{C})$$

$$-500\text{cal} = 250 \frac{\text{cal}}{\text{g}^\circ\text{C}} T_A - 5000\text{cal} \Rightarrow \boxed{T_A = 18^\circ\text{C}}$$

en $T_A = 0^\circ\text{C} \Rightarrow Q = 5000$

$Q_{H \rightarrow A} = L_f \cdot m_H = 80 \frac{\text{cal}}{\text{g}} \times 100\text{g} = 8000\text{cal}$ $\rightarrow +500$ de -10 a 0

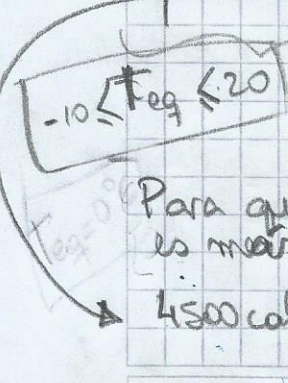
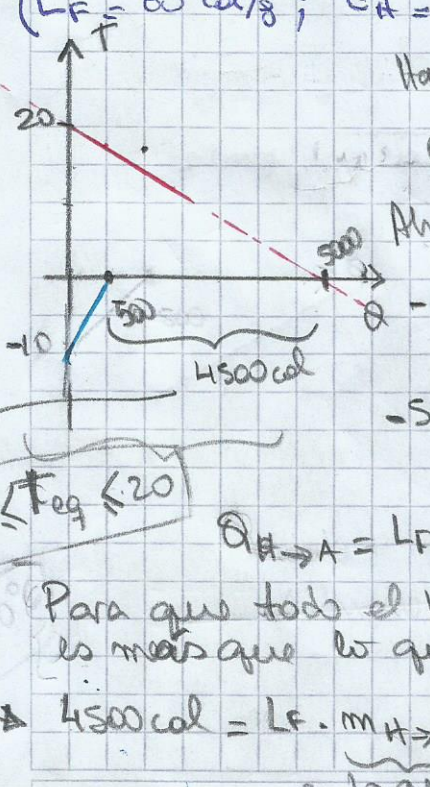
Para que todo el hielo se fundiera, necesita 8500cal , que es más que lo que el agua pierde para solidificarse $\Rightarrow T_{eq} = 0^\circ\text{C}$

$4500\text{cal} = L_f \cdot m_{H \rightarrow A} = 80 \frac{\text{cal}}{\text{g}} \cdot m_{H \rightarrow A} \Rightarrow m_{H \rightarrow A} = 56,25\text{g}$

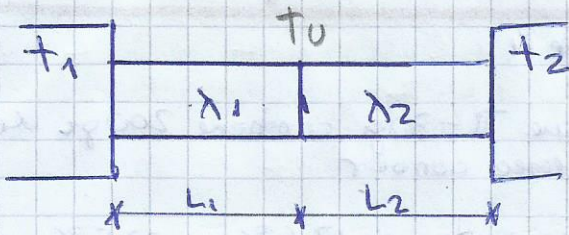
es lo que se pierde de hielo

$m_A = 306,25\text{g}$
 $m_H = 43,75\text{g}$ **FIN**

NOTA



4) Ejercicios de aplicación, Video clase 2 parte 1



$t_1 = 140^\circ\text{C}$ $\lambda_1 = 3\lambda_2$
 $t_2 = 20^\circ\text{C}$
 $L_1 = L_2 = l$

a) calcular la potencia conducida por la 1ª barra, por la 2ª y por la total

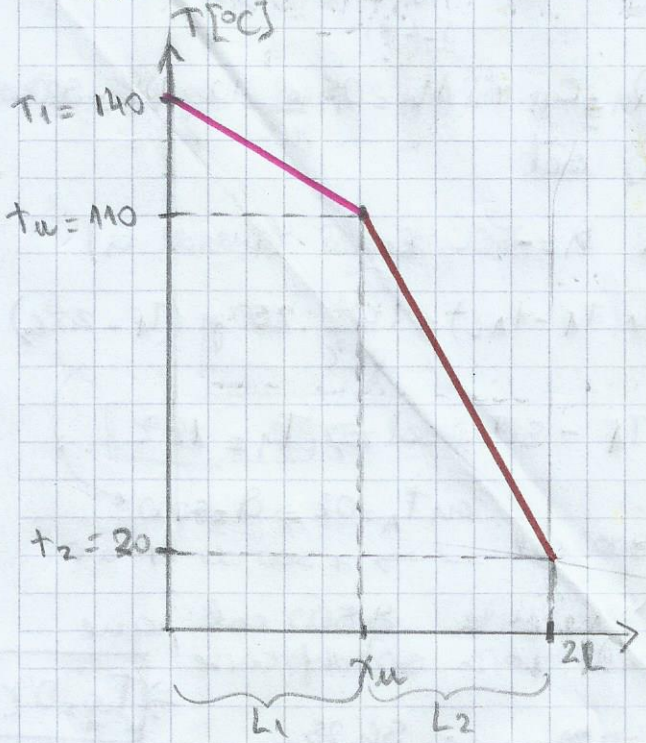
Esta en serie $\Rightarrow P_1 = P_2 = P = \frac{(\lambda_1 + \lambda_2) S (t_1 - t_2)}{2L}$

b) calcular la temperatura de un punto ubicado en la unión entre ambas barras \Rightarrow Hallar T_u

$P_1 = P_2$
 $\lambda_1 \frac{S(t_1 - T_u)}{L} = \lambda_2 \frac{S(T_u - t_2)}{L} \Rightarrow 3\lambda_2(t_1 - T_u) = \lambda_2(T_u - t_2)$
 $3t_1 - 3T_u = T_u - t_2$
 $T_u = \frac{3t_1 + t_2}{4}$

$T_u = \frac{3 \times 140^\circ\text{C} + 20^\circ\text{C}}{4} = 110^\circ\text{C} = T_u$

c) Graficar la temperatura en función de la posición para este sistema

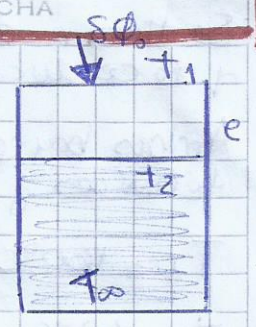


$\lambda_1 = 3\lambda_2$
 pend 1 es más suave que pend 2

Conducción y convección, Serie

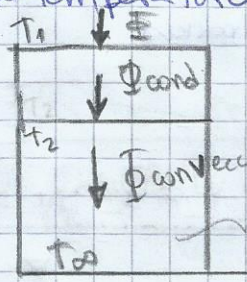
5) Ej. 16 de la guía. Video: clase 2 Parte 4

Sobre una de las sup. límites de una plancha de acero de espesor $e = 2 \text{ cm}$ (Cond. térmica $\lambda_{\text{acero}} = 20 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$) se aplica una densidad de flujo de calor uniforme $S\phi_0 = 10^5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$



En la otra sup. límite el calor es disipado por convección hacia un fluido con temp $T_{\infty} = 50^{\circ}\text{C}$ y con un coef. de transferencia de calor $h = 500 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}}$

Calcule las temperaturas superficiales t_1 y t_2 (suponer que el gradiente de temperaturas se mantiene constante)



acero. $\lambda_{\text{acero}} = 20 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$ $e = 2 \text{ cm} = 0,02 \text{ m}$

$$S\phi_0 = \frac{\Phi}{S} = 10^5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$h = 500 \frac{\text{W}}{\text{m}^2\text{K}} \quad T_{\infty} = 50^{\circ}\text{C} = 323^{\circ}\text{K}$$

→ está ubicado en serie $\Rightarrow \Phi = \Phi_{\text{cond}} = \Phi_{\text{conv}}$

$$S\phi_0 \leftarrow \frac{\Phi}{S} = \frac{\Phi_{\text{cond}}}{S} = \frac{\Phi_{\text{conv}}}{S}$$

$$S\phi_0 = \frac{\lambda \Delta T}{e} = \frac{1}{S} \cdot h S \Delta T$$

$$\left(10^5 \frac{\text{W}}{\text{m}^2} = \frac{20 \text{ W}}{\text{mK}} \frac{(t_1 - t_2)}{0,02 \text{ m}} = \frac{500 \text{ W}}{\text{m}^2\text{K}} (t_2 - T_{\infty}) \right)$$

$$10^5 = \frac{500 (T_2 - 323^{\circ}\text{K})}{\text{K}}$$

$$10^5 = \frac{20 (t_1 - t_2)}{\text{K} \cdot 0,02}$$

$$\frac{10^5 \text{ K}}{500} + 323^{\circ}\text{K} = t_2$$

$$\frac{10^5 \text{ K} \cdot 0,02}{20} = t_1 - 323^{\circ}\text{K}$$

$$T_2 = 523^{\circ}\text{K} = 250^{\circ}\text{C}$$

$$T_1 = 623^{\circ}\text{K} = 350^{\circ}\text{C}$$

6) ejercicio hecho en clase (21-4-22)

Se tienen dos barras de igual largo L y sección transversal S y de conductividad térmica: λ_1 y λ_2 con $\lambda_1 = 3\lambda_2$

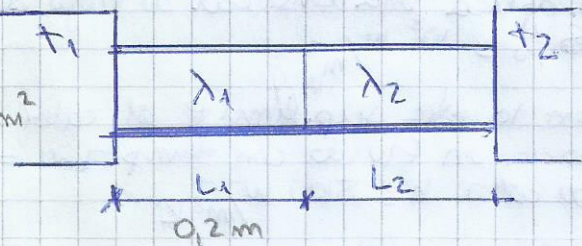
Ambas barras se unen por uno de sus extremos a los distintos focos térmicos y por el otro se unen entre ellas

$T_1 = 160^\circ\text{C} = 433\text{K}$ $L_1 = L_2 = L = 20\text{cm}$

$T_2 = 40^\circ\text{C} = 313\text{K}$ $S = 25\text{cm}^2 = 0,0025\text{m}^2$

$\lambda_1 = 0,5\text{ W/mK}$

$\lambda_2 = \frac{0,5}{3}\text{ W/mK}$



hallar:

a) Flujo, potencia o corriente eléctrica por el set de ambas barras

Configuración en serie $\Rightarrow \Phi = \Phi_1 = \Phi_2$

$\Phi_1 = \frac{0,5\text{ W}}{\text{mK}} \cdot \frac{0,0025\text{ m}^2}{0,2\text{ m}} \cdot (160 - 130)\text{K} = 0,1875\text{ W} = \Phi = \Phi_1 = \Phi_2$

b) La temperatura en algún punto de unión de las barras

$\Phi_1 = \Phi_2$

$\lambda_1 \frac{S}{L_1} (T_1 - T_u) = \lambda_2 \frac{S}{L_2} (T_u - T_2)$

$\frac{0,5\text{ W}}{\text{mK}} \cdot \frac{0,0025\text{ m}^2}{0,2\text{ m}} \cdot (433 - T_u)\text{K} = \frac{0,5}{3} \frac{\text{W}}{\text{mK}} \cdot \frac{0,0025\text{ m}^2}{0,2\text{ m}} (T_u - 313)\text{K}$

$2,706\text{ W} - 6,25 \times 10^{-3} \frac{\text{W}}{\text{K}} T_u = 2,083 \times 10^{-3} \frac{\text{W}}{\text{K}} T_u - 0,652\text{ W}$

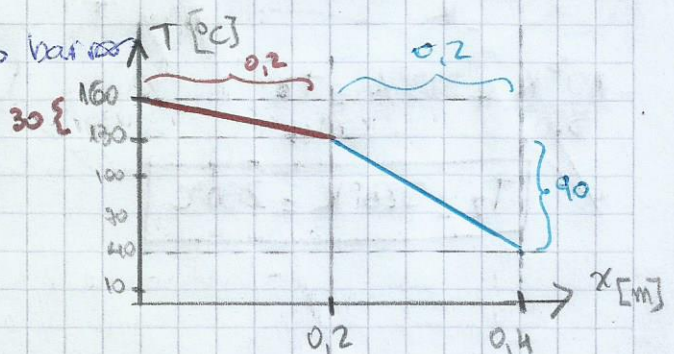
$3,358\text{ W} = 8,333 \times 10^{-3} \frac{\text{W}}{\text{K}} T_u \Rightarrow T_u = 403^\circ\text{K} = 130^\circ\text{C}$

c) Realizar el gráfico de $T(x)$ de ambas barras

$T_1(x) = 160^\circ\text{C} - \left(\frac{30}{0,2}\right)x = 160^\circ\text{C} - 150x$

$T_2(x) = \frac{-90}{0,2}x + 220 = 220 - 450x$

en $T_2(0,2) = 130$



d) Resistencia térmica de cada barra y la del sistema completo

$R = \frac{L}{\lambda S} \Rightarrow R_1 = \frac{1\text{ mK}}{0,5\text{ W}} \frac{0,2\text{ m}}{0,0025\text{ m}^2} = 160\text{ K/W} = R_1$

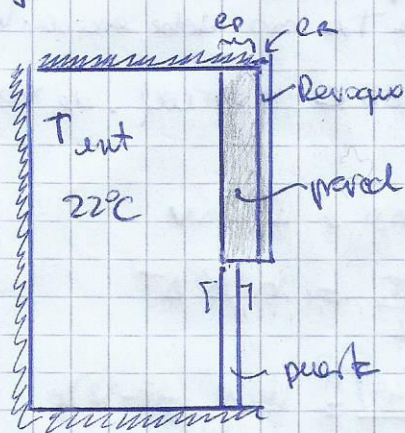
$R_{\text{set}} = R_1 + R_2$

$\lambda_1 = 3\lambda_2 \Rightarrow \lambda_2 = \frac{1}{3}\lambda_1 \Rightarrow R_2 = 3R_1$ $R_2 = 480\text{ K/W}$

$R_{\text{set}} = 640\text{ K/W}$

Conducción. Serie + paralelo

7) ejercicio hecho en clase 21-4-22



$$\text{Revoque: } \lambda_R = 15 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$e_R = 8 \text{ cm}$$

$$\text{Pared: } \lambda_P = 0,8 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$e_P = 10 \text{ cm}$$

$$\text{Puerta: } \lambda_M = 0,17 \frac{\text{W}}{\text{mK}}$$

$$e_M = 6 \text{ cm}$$

$$S_R = S_P = 5 \text{ m}^2$$

$$S_M = 2 \text{ m}^2$$

(no lo copie completo. Supongo $T_{\text{ext}} = 15^\circ\text{C}$)

a) Hallar la resistencia equivalente del sistema conformado por la puerta, la pared y el revoque

La pared y el revoque están en serie y la puerta está en // con la pared y el revoque

$$\Phi_{\text{TOTAL}} = \Phi_{\text{PAR}} + \Phi_M$$

$$\Phi = \frac{\Delta T}{R}$$

$$\frac{\Delta T}{R_{\text{eq}}} = \frac{\Delta T_{\text{PAR}}}{R_{\text{PAR}}} + \frac{\Delta T_M}{R_M}$$

$$\Delta T = \Delta T_{\text{PAR}} = \Delta T_M$$

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{R_{\text{PAR}}} + \frac{1}{R_M}$$

$$\Rightarrow R_{\text{eq}} = \frac{R_{\text{PAR}} \cdot R_M}{R_{\text{PAR}} + R_M} = \frac{0,036 \cdot 0,176}{0,036 + 0,176} = 0,0298$$

$$R_{\text{PAR}} \stackrel{\text{PAR en serie}}{\equiv} R_P + R_R =$$

$$= \frac{1}{\lambda_P} \frac{e_P}{S_P} + \frac{1}{\lambda_R} \frac{e_R}{S_R} =$$

$$= \frac{1 \text{ mK}}{0,8 \text{ W}} \cdot \frac{0,1 \text{ m}}{5 \text{ m}^2} + \frac{1 \text{ mK}}{15 \text{ W}} \cdot \frac{0,08 \text{ m}}{5 \text{ m}^2} =$$

$$= 0,036 \frac{\text{K}}{\text{W}} = R_{\text{PAR}}$$

$$R_M = \frac{1}{\lambda_M} \frac{e_M}{S_M} = \frac{1}{0,17} \frac{0,06}{2} = 0,176 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

$$R_{\text{eq}} = 0,03 \frac{\text{K}}{\text{W}}$$

b) Hallar Φ_1 , Φ_2 y Φ_3

$$\Phi = \frac{\Delta T}{R_{\text{eq}}} = \frac{(22 - 15) \text{ C}}{0,03 \frac{\text{K}}{\text{W}}} = \frac{7 \text{ K}}{0,03 \frac{\text{K}}{\text{W}}} = 233 \text{ W} = \Phi$$

$$\Phi_M = \frac{\Delta T}{R_M} = \frac{7 \text{ K}}{0,176 \frac{\text{K}}{\text{W}}} = 40 \text{ W} = \Phi_M$$

$$\Phi = \Phi_{\text{PAR}} + \Phi_M$$

$$233 \text{ W} = \Phi_{\text{PAR}} + 40$$

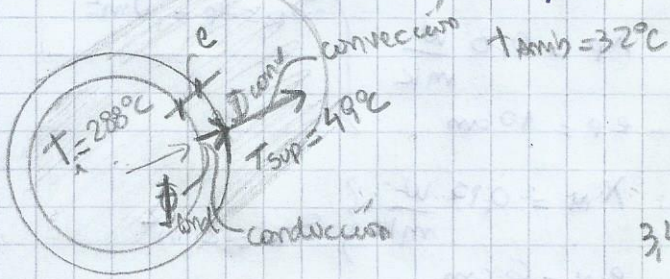
$$\Phi_{\text{PAR}} = 193 \text{ W}$$

convección y radiación

8) ej. 17 de la guía

Calcule el espesor e de la plancha de fibra de vidrio ($\lambda = 3,4 \times 10^{-2} \frac{W}{mK}$) con que debe cubrirse una caldera para que su temperatura exterior no supere los $49^\circ C$ en un ambiente cuyo T_{amb} no debe exceder los $32^\circ C$.

La temperatura máxima de la caldera será de $288^\circ C$ y el coef. de transferencia de calor vale $h = 14 W/m^2K$



$$\Phi_{cond} = \Phi_{conv}$$

$$\lambda \frac{\Delta T}{e} = h \Delta T$$

$$3,4 \times 10^{-2} \frac{W}{mK} \frac{(288 - 49)}{e} = 14 \frac{W}{m^2K} (49 - 32) C$$

$$0,008 = e \Rightarrow e \approx 4 \text{ cm}$$

9) ej. 18 de la guía. Hecho en clase. 28-4-22

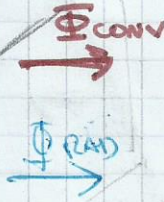
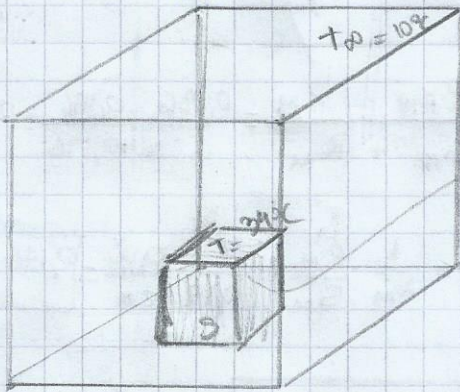
Un cubo de $0,5 \text{ m}$ de lado se halla en un recinto a $10^\circ C$. Una resistencia eléctrica mantiene la temp. interna del cubo en $34^\circ C$

Si el coef. de emisividad de las paredes del cubo es $\epsilon = 0,8$, calcule la potencia calorífica que transfiere el cubo por radiación y por convección.

Suponga que el coef. de transferencia de calor por convección es $h = 14 W/m^2K$

$$\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \frac{W}{m^2K^4}$$

$$S = 6 \text{ caras} \times 0,5 \text{ m} \times 0,5 \text{ m} = 1,5 \text{ m}^2 = S$$



$$\Phi_{conv} = h S \Delta T =$$

$$= 14 \frac{W}{m^2K} \cdot 1,5 \text{ m}^2 \cdot (34 - 10) C =$$

$$= 504 \frac{W}{m} = \Phi_{conv}$$

$$T_{int} = 34^\circ C = 307^\circ K$$

$$T_{ext} = 10^\circ C = 283^\circ K$$

$$\Phi_{rad} = \sigma \epsilon S (T_{int}^4 - T_{ext}^4) =$$

$$= 5,67 \times 10^{-8} \frac{W}{m^2K^4} \cdot 0,8 \cdot 1,5 \text{ m}^2 (307^4 - 283^4) K^4 =$$

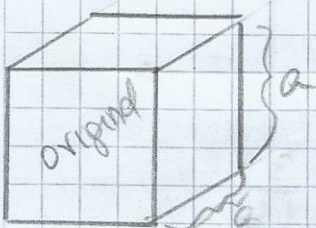
$$= 168 \frac{W}{m} = \Phi_{rad}$$

10 "problema clásico", Clase 28-4-22

Un cubo de arista 'a' que tiene sus caras a $T_{abs} = T$ emite 100 W de potencia RADIANTE a través de toda su superficie

Se corta el cubo por la mitad y se mantienen ambas mitades a la temperatura original.

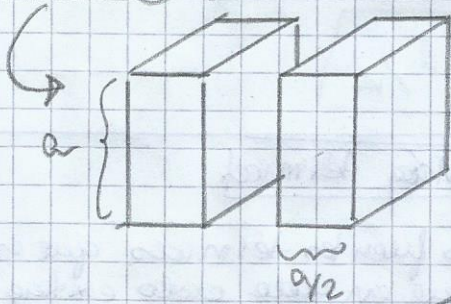
Calcule la nueva potencia total emitida por el conjunto.



$$S_{orig} = 6 \text{ caras} \times a \times a = 6a^2 = S$$

$$T = 100 \text{ W} = T'$$

$$S' = 4 \text{ caras} \times a \times a + 2 \text{ caras} \times a \times \frac{a}{2} = 8a^2 = S'$$



$$P = \Phi = \sigma S e T^4 \rightarrow T^4 = \frac{P}{\sigma S e}$$

$$P' = \Phi' = \sigma S' e (T')^4 \quad (T = T') \quad T^4 = \frac{P'}{\sigma S' e}$$

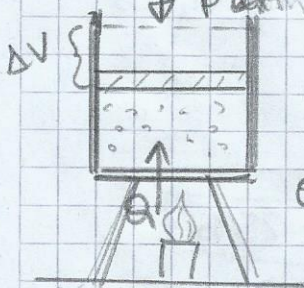
$$\frac{P}{\sigma S e} = \frac{P'}{\sigma S' e}$$

$$S' P = P' S \Rightarrow \frac{8a^2 \cdot 100 \text{ W}}{6a^2} = P' = 133,3 \text{ W}$$

11 es hecho en clase. 28-4-22

Un gas absorbe 5 kcal de calor y se expande contra una presión exterior constante de 1,2 atm aumentando su volumen desde 5 litros hasta 15 litros

Calcule el trabajo realizado por el gas y su variación de energía interna



$$P_{ext} = 1,2 \text{ atm} = 1,2 \times 101,325 \text{ Pa} = 121590 \text{ Pa}$$

$$Q = 5000 \text{ cal}$$

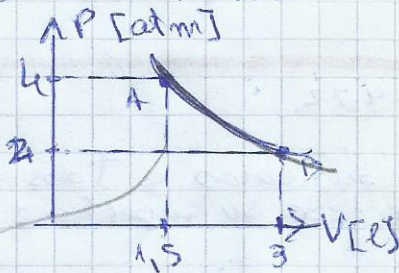
$$\left. \begin{array}{l} V_i = 5 \text{ litros} \\ V_f = 15 \text{ litros} \end{array} \right\} \Delta V = 10 \text{ l} = 10 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$W = P_{ext} \Delta V = 121.590 \text{ Pa} \cdot 10 \times 10^{-3} \text{ m}^3 = 1216 \text{ J} = 292 \text{ cal} = W$$

$$\Delta U = Q_{\oplus} - W_{\oplus} = 5000 \text{ cal} - 292 \text{ cal} = 4708 \text{ cal} = \Delta U$$

12) "ejercicio de gases" video

$n = 2 \text{ mol}$
 $P_A = 4 \text{ atm}$
 $V_A = 1,5 \text{ l}$
 $P_B = 2 \text{ atm}$
 $V_B = 3 \text{ l}$



a) calcule la variación de energía interna del gas

$$\Delta U = 0 \text{ J}$$

$$P_A V_A = 4 \text{ atm} \cdot 1,5 \text{ l} = 6 \text{ atm l}$$

$$P_B V_B = 2 \text{ atm} \cdot 3 \text{ l} = 6 \text{ atm l} \Rightarrow \Rightarrow \text{AB es un proceso isotérmico}$$

b) calcule la variación de entropía del gas

$$\Delta U = 0 \Rightarrow Q_{AB} = W_{AB}$$

$$\Delta S = nR \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right) = 2 \text{ mol} \cdot 0,082 \frac{\text{atm l}}{\text{mol K}} \ln\left(\frac{3}{1,5}\right)$$

$$\Delta S = 0,1137 \text{ atm l / K}$$

13) ej. visto en video.

Máq. térmica

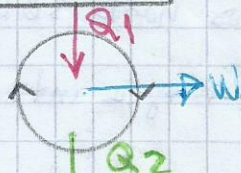
Se tiene una máq. térmica que opera entre dos fuentes térmicas que están a 500 K y 300 K y operan cíclicamente de modo que en cada ciclo extrae, en forma de calor de la fuente caliente, 1200 J y cede, a la fuente fría, 900 J

a) Calcule cuánto trabajo se puede extraer en cada ciclo de esa máquina y cuánto al cabo de 3 ciclos

$$T_1 = 500 \text{ K}$$

$$Q_1 = 1200 \text{ J}$$

$$\text{En un ciclo se extrae } W_1 = 300 \text{ J}$$



$$Q_2 = 900 \text{ J}$$

$$\text{en 3 ciclos: } W_3 = 900 \text{ J}$$

$$W = Q_1 - Q_2 = 300 \text{ J}$$

$$W_1 \cdot 3$$

b) Calcular el rendimiento

$$\eta = \frac{\text{beneficio}}{\text{costo}} = \frac{W}{Q_1} = \frac{300 \text{ J}}{1200 \text{ J}} = 0,25 \Rightarrow \eta = 25\%$$

c) ¿es una máq. reversible o irreversible?

$$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300}{500} = 0,4 \Rightarrow \eta_{\text{ideal}} = 40\% > \eta \Rightarrow \text{IRREVERSIBLE}$$

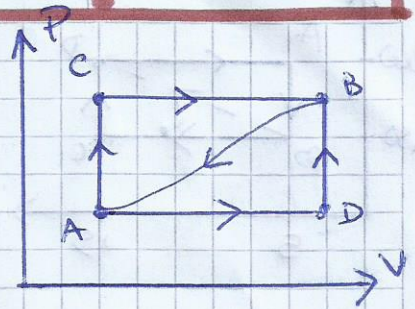
d) ¿es esta máq. ideal entre esas dos temperaturas?

No, pues la ideal tiene un rend = 40% y esta tiene 25%

14) ej. 22 de la guía a clase 19-5-22

La figura representa un conjunto de transformaciones realizadas por un dado sistema termodinámico

A lo largo de la transformación ACB el sistema recibe 80 J de calor y entrega 30 J de trabajo



Calcule:

a) el calor que absorbe el sistema a lo largo del camino ADB si realiza un trabajo de 10 J

$$Q_{ACB} = 80 \text{ J} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Delta U_{ACB} = U_B - U_A = Q_{ACB} - W_{ACB} = 80 \text{ J} - 30 \text{ J} = 50 \text{ J}$$

$$W_{ACB} = 30 \text{ J}$$

$$\boxed{U_B - U_A = 50 \text{ J}}$$

$$W_{ADB} = 10 \text{ J} \Rightarrow \Delta U_{ADB} = U_B - U_A = 50 \text{ J} = Q_{ADB} - W_{ADB}$$

$$\Rightarrow 50 \text{ J} = Q_{ADB} - 10 \text{ J} \Rightarrow \boxed{Q_{ADB} = 60 \text{ J}}$$

b) el calor intercambiado por el sistema en el camino BA si recibe 20 J de trabajo

$$W_{BA} = -20 \text{ J}$$

$$Q_{BA} = ?$$

$$\Delta U_{BA} = U_A - U_B = -(U_B - U_A) = -50 \text{ J}$$

$$\Delta U_{BA} = Q_{BA} - W_{BA}$$

$$-50 \text{ J} = Q_{BA} - (-20 \text{ J}) \Rightarrow \boxed{Q_{BA} = -70 \text{ J}}$$

c) el calor intercambiado en los procesos AD y DB si $U_{DA} = U_D - U_A = 40 \text{ J}$

$$U_{AD} = U_D - U_A = 40 \text{ J} = Q_{AD} - W_{AD} = Q_{AD} - 10 \text{ J} \Rightarrow \boxed{Q_{AD} = 50 \text{ J}}$$

$$W_{ADB} = 10 \text{ J} = W_{AD} + \underbrace{W_{DB}}_{10 \text{ J}} \Rightarrow W_{AD} = 10 \text{ J}$$

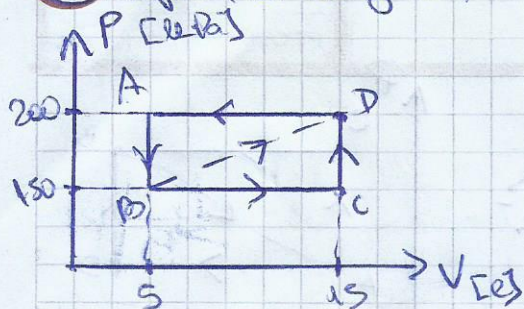
$$Q_{ADB} = Q_{AD} + Q_{DB}$$

$$60 \text{ J} = 50 \text{ J} + Q_{DB} \Rightarrow \boxed{Q_{DB} = 10 \text{ J}}$$

$$1l = 10^{-3} m^3$$

$$Pa \cdot m^3 = J$$

15) Ej. 24 de la guía, clase 19-5-22



El gráfico muestra dos evoluciones de un gas ideal (ABCDA y ABDA)

El estado c está a mayor temperatura que el estado A y la dif. de energía U_{AC} es 1875 J

Calcule:

a) el calor intercambiado por el sistema en la evolución ABC

$$\Delta U_{AC} = U_C - U_A = 1875 J = U_{AC} = Q_{ABC} - W_{ABC} \quad (I)$$

$$W_{ABC} = P \cdot \Delta V = 150 \cdot 10^3 Pa \cdot (15 - 5) \cdot 10^{-3} m^3 = 1500 J = W_{ABC}$$

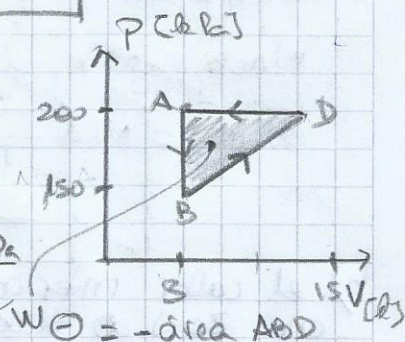
$$\Rightarrow (I) \quad 1875 J = Q_{ABC} - 1500 J \Rightarrow \boxed{Q_{ABC} = 3375 J}$$

b) el calor intercambiado en el ciclo ABDA

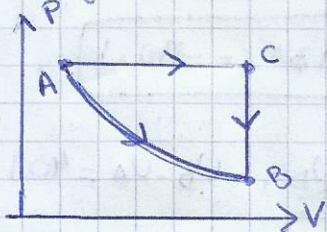
$$ABDA \text{ es un ciclo} \Rightarrow \Delta U_{ABDA} = 0 J$$

$$Q_{ABDA} = W_{ABDA} = \frac{(15-5) \cdot 10^{-3} m^3 (200-150) \cdot 10^3 Pa}{2}$$

$$\boxed{Q_{ABDA} = -250 J} \quad \leftarrow 250 Pa \cdot m^3$$



16) Ej. 25



La figura muestra dos evoluciones ACB (isobara AE + isocora BC) y la isoterma AB

Justifique en cuál de los dos evoluciones ACB o AB se intercambie mayor cantidad de calor

$$\Delta U_{ACB} = U_B - U_A$$

$$\Delta U_{AB} = U_B - U_A$$

$$\Delta U_{ACB} = \Delta U_{AB}$$

$$Q_{ACB} - W_{ACB} = Q_{AB} - W_{AB}$$

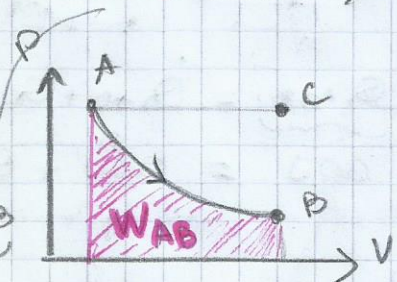
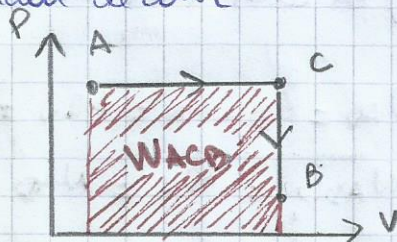
$$Q_{ACB} - Q_{AB} = W_{ACB} - W_{AB}$$

$$Q_{ACB} - Q_{AB} > 0$$

$$\boxed{Q_{ACB} > Q_{AB}}$$

$$W_{AB} < W_{ACB}$$

$$W_{ACB} - W_{AB} > 0$$



17) ej 31 de la guía. clase 19-5-22

Una máq. de Carnot opera entre dos fuentes térmicas: la caliente a 100°C y la fría a 0°C

Si por ciclo absorbe 100 J del foco caliente, calcule:

a) el rendimiento de la máquina

"por ciclo absorbe 100 J " $\Rightarrow Q_1 = 100\text{ J}$

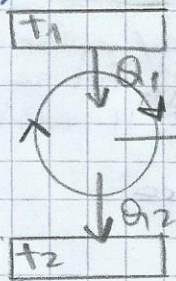
$T_c = 100^{\circ}\text{C} = 373^{\circ}\text{K}$

$T_f = 0^{\circ}\text{C} = 273^{\circ}\text{K}$

$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{273}{373} = 0,268 \Rightarrow \eta_{\text{máq}} = 26,8\%$

$\eta_{\text{máq}} = 26,8\%$

b) la cantidad de calor que cede por ciclo al foco frío.



$Q_1 = 100\text{ J}$ $\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 0,268 = 1 - \frac{Q_2}{100\text{ J}}$

$\frac{Q_2}{100\text{ J}} = 1 - 0,268 = 0,732$

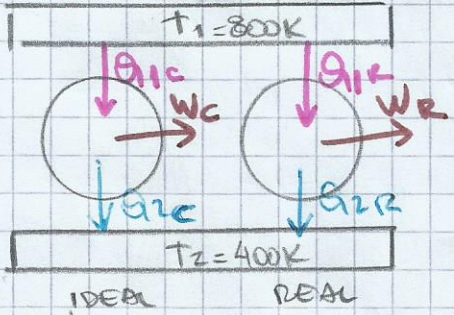
$Q_2 = 0,732 \times 100\text{ J} \Rightarrow Q_2 = 73,2\text{ J}$

c) el trabajo que realice

$W = Q_1 - Q_2 = 100\text{ J} - 73,2\text{ J} = 26,8\text{ J} = W$

18) ej 32 de la guía. clase 19-5-22

Dos máq. térmicas cíclicas trabajan entre las mismas fuentes, la caliente a 800 K y la fría a 400 K . Una es ideal y realiza un ciclo de Carnot. La otra es real y tiene el 80% de rendimiento de la ideal. Si el trabajo que entrega (por ciclo) la máq. real es de 5000 J calcule el calor que cede por ciclo la máq. real.



$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{400\text{ K}}{800\text{ K}}$

$\eta_{\text{ideal}} = 0,5$

$\eta_{\text{real}} = 0,8 \eta_{\text{ideal}} = 0,8 \times 0,5 = 0,4 = \eta_{\text{real}}$

$W_r = 5000\text{ J} = Q_{1r} - Q_{2r}$

$\eta_{\text{real}} = \frac{W}{Q_1} \Rightarrow Q_1 = \frac{W}{\eta_{\text{real}}}$

$Q_1 = \frac{5000\text{ J}}{0,4} = 12500\text{ J} = Q_1$

19) Máq. frigorífica - ej hecho en clase

$$T_1 = 300\text{K}$$

$$T_2 = 200\text{K}$$

$$W = -400\text{ cal}$$

$$Q_1 = 1000\text{ cal}$$

En cada ciclo recibe un trabajo de 400 cal y libera calor (a la fuente de mayor temp) de 1000 cal

a) calcule el calor que, en cada ciclo, este máq. libera extraer de la fuente fría

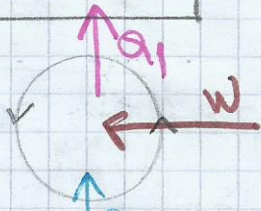
$$T_1 = 300\text{K}$$

$$Q_1 = 1000\text{ cal}$$

$$W = Q_2 - Q_1$$

$$W = -400\text{ cal}$$

$$-400\text{ cal} = Q_2 - 1000\text{ cal} \Rightarrow Q_2 = 600\text{ cal}$$



$$T_2 = 200\text{K}$$

b) calcule la eficiencia y compárela con la máq. ideal

$$e = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} = \frac{600\text{ cal}}{1000\text{ cal} - 600\text{ cal}} = 1,5 = e$$

$$e_{\text{ideal}} = \frac{T_2}{T_1 - T_2} = \frac{200\text{K}}{300\text{K} - 200\text{K}} = 2 = e_{\text{ideal}}$$

$e < e_{\text{ideal}}$
opera en
forma
irreversible

c) verifique que esta máq. cumple con el 2º ppio termodinámica

$$e < e_{\text{ideal}}$$

d) Calcule la entropía y defina si es reversible o irreversible

$$\Delta S_{\text{un}} = \Delta S_{\text{ciclo}} + \Delta S_{\text{entorno}} \geq 0$$

$$\Delta S_{\text{un}} = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_{\text{un}} = + \frac{Q_1}{T_1} - \frac{Q_2}{T_2} \geq 0$$

$$\Delta S_{\text{un}} = \frac{1000\text{ cal}}{300\text{K}} - \frac{600\text{ cal}}{200\text{K}} = \frac{1}{3} \geq 0 \checkmark$$

cumple con el 2º ppio
es irreversible

20) ejercicio hecho en clase

Una máq. térmica, cuyo rendimiento es la mitad de una máq. de Carnot trabaja entre 0°C y 100°C .

La fuente de 0°C es una gran masa de hielo

Si la máq. absorbe 1000 J por ciclo de la fuente más caliente, hallar la masa de hielo fundida al cabo de una hora, durante la cual la máq. trabaje a razón de 100 ciclos por minuto.

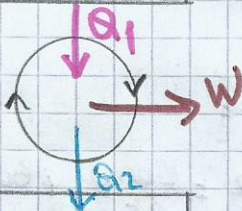
$$T_1 = 373\text{ K}$$

$$T_1 = 100^{\circ}\text{C} = 373^{\circ}\text{K}$$

$$T_2 = 0^{\circ}\text{C} = 273^{\circ}\text{K}$$

$$\eta_{\text{ideal}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{273}{373} = 0,268$$

$$\eta_{\text{ideal}} = 0,268$$



$$Q_1 = 1000\text{ J}$$

$$\eta_{\text{máq}} = \eta_{\text{ideal}} \times 0,5 \Rightarrow \eta_{\text{máq}} = 0,134$$

$$\eta_{\text{máq}} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \Rightarrow Q_2 = Q_1 (1 - \eta_{\text{máq}})$$

$$Q_2 = 1000\text{ J} (1 - 0,134) = 866\text{ J} = Q_2$$

$$T_2 = 273\text{ K}$$

$$Q_2 \text{ en una hora} = Q_2 \text{ en } 60 \text{ minutos} = Q_2 \cdot 60 \text{ min} \cdot \frac{100 \text{ ciclo}}{\text{min}}$$

$$Q_2 \text{ total} = 5196000\text{ J}$$

La masa de hielo en fuente fría está a $0^{\circ}\text{C} \Rightarrow$ calor latente: $L_F = 80 \frac{\text{cal}}{\text{gr}}$

$$Q_2 \text{ total} = 5196000\text{ J} \times 0,24 \frac{\text{cal}}{\text{J}} = 1247040\text{ cal} = Q_2 \text{ total}$$

$$Q_2 \text{ total} = L_F \cdot m_{H \rightarrow A} \Rightarrow m_{H \rightarrow A} = \frac{Q_2 \text{ total}}{L_F}$$

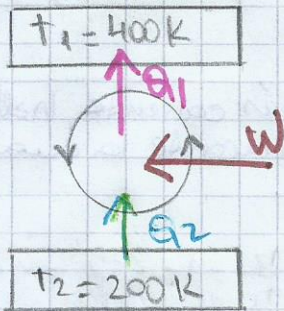
$$m_{H \rightarrow A} = \frac{1.247.040\text{ cal}}{80 \frac{\text{cal}}{\text{gr}}} = 15.588\text{ gr} = m_{H \rightarrow A}$$

máq. Frigorífica

21) ej. hecho en clase

Una máq. frigorífica de eficiencia igual a la mitad de la máq. de Carnot funciona entre dos fuentes térmicas a 200K y 400K

Se absorbe 600 J de la fuente fría: ¿cuánto calor entrega a la caliente?



$$e_{ideal} = \frac{t_2}{t_1 - t_2} = \frac{200K}{400K - 200K} = 1 = e_{ideal}$$

$$e_{máq} = \frac{1}{2} e_{ideal} = \frac{1}{2} \times 1 \Rightarrow e_{máq} = 0,5$$

$$Q_2 = 600 \text{ J}$$

$$e_{máq} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$$

$$Q_1 - Q_2 = \frac{Q_2}{e_{máq}}$$

$$Q_1 = \frac{Q_2}{e_{máq}} + Q_2 = \frac{600 \text{ J}}{0,5} + 600 \text{ J}$$

$$Q_1 = 1800 \text{ J}$$